

平成 31 年度 柴田学園高等学校入学者選抜学力検査

数 学

注 意

- 1 問題用紙は監督者の「始め」の合図があるまで開いてはいけません。
- 2 問題用紙は表紙を入れて 7 ページあり、これとは別に解答用紙が 1 枚あります。
- 3 受検番号は、検査開始後、解答用紙の決められた欄に記入しなさい。
- 4 机の上には、受検票・えんぴつ（シャープペンシルも可）・消しゴム・えんぴつけずり・分度器のついていない定規（三角定規を含む）・コンパス以外の物を置いてはいけません。
- 5 筆記用具の貸し借りはいけません。
- 6 問題を読むとき、声を出してはいけません。
- 7 印刷が悪くて分からぬいときや、筆記用具を落としたときは、だまって手をあげなさい。
- 8 監督者の「やめ」という合図ですぐにやめなさい。

答えの書き方

- 1 答えは、問題の指示に従って、すべて解答用紙に記入しなさい。
- 2 答えはていねいに書きなさい。答えを書き直すときは、きれいに消してから書きなさい。
- 3 計算などには、問題用紙の余白を利用しなさい。

1

次の(1)～(8)に答えなさい。(43点)

(1) 次のア～オを計算しなさい。

ア $-12 + 5$

イ $8 - 3^2 \times 2 - (-7)$

ウ $\frac{2}{3} + 1\frac{1}{5} \times \left(-\frac{10}{3}\right)$

エ $\sqrt{3}(\sqrt{27} - \sqrt{12})$

オ $\left(\frac{x^2y}{3}\right)^2 \div \left(-\frac{xy}{9}\right)^2$

(2) $A = 2x^2 - 5x + 1$, $B = 3x^2 - 6x - 4$ のとき, $3A - 2B$ を計算しなさい。

(3) $(a + 2b - 1)^2$ を展開しなさい。

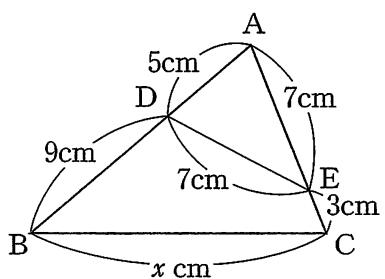
(4) y は x に反比例し, $x = -3$ のとき $y = 2$ である。 $x = 2$ のときの y の値を求めなさい。

(5) 二次方程式 $x^2 + ax - 8 = 0$ の 1 つの解が 2 のとき、もう 1 つの解を求めなさい。

(6) $\sqrt{3} + \sqrt{x} = \sqrt{48}$ を成り立たせる x の値を求めなさい。

(7) 72の正の約数の個数を求めなさい。

(8) 下の図で x の値を求めなさい。



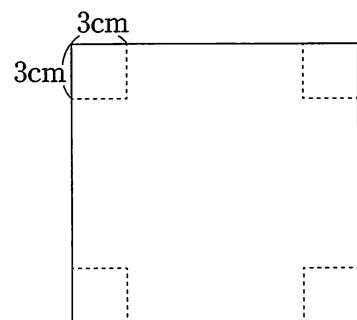
2 次の(1)～(4)に答えなさい。(15点)

(1) 5本のくじの中に当たりが2本入っている。このくじから2本同時に引くとき、少なくとも1本は当たる確率を求めなさい。

(2) ミカン5個とリンゴ3個を買って代金610円を支払うはずが、間違えてそれぞれの個数を逆にして買ったため、140円多く支払うことになったという。

ミカンとリンゴそれぞれの1個の値段を求めなさい。

(3) 正方形の厚紙の4すみから、1辺3cmの正方形を切り取ると、容積 432cm^3 の箱ができるという。もとの正方形の1辺の長さを求めなさい。



(4) 次のデータはある店舗の1週間の来客数である。

曜日	日	月	火	水	木	金	土
人数	120	32	38	18	27	34	95

中央値と平均値を求めなさい。

3 次の(1), (2)に答えなさい。(14点)

(1) 一辺の長さが6cmの正三角形ABCにおいて、辺BCの中点をDとする。このとき、線分ADを一辺とする正三角形ADEを右の図のようにつくる。次のア、イに答えなさい。

ア $\triangle ABD$ と $\triangle ACE$ が合同になることを次のように証明した。空欄の⑥～⑨にあてはまる辺や角やことばを書き入れなさい。

[証明] $\triangle ABD$ と $\triangle ACE$ について

$$\text{仮定より } AB = \boxed{\text{⑥}} \cdots ①$$

$$AD = AE \cdots ②, \angle BAC = \angle DAE \cdots ③$$

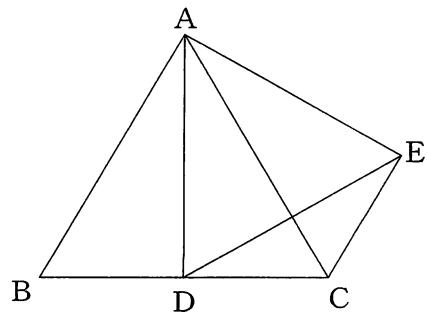
$$\angle BAD = \angle BAC - \boxed{\text{⑦}} \cdots ④$$

$$\angle CAE = \angle DAE - \boxed{\text{⑧}} \cdots ⑤$$

$$③, ④, ⑤ \text{ より } \angle BAD = \angle CAE \cdots ⑥$$

①, ②, ⑥ から $\boxed{\text{⑨}}$ がそれぞれ等しいので

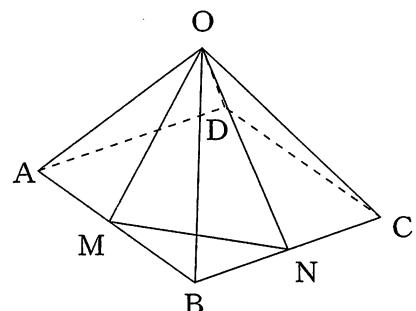
$$\triangle ABD \equiv \triangle ACE$$



イ 四角形ABCEの面積を求めなさい。

(2) 右の図で正四角すいは、底面が一辺6cmの正方形で、他の辺が5cmである。辺AB, BCの中点をそれぞれM, Nとする。次のア～ウに答えなさい。

ア 線分OMの長さを求めなさい。



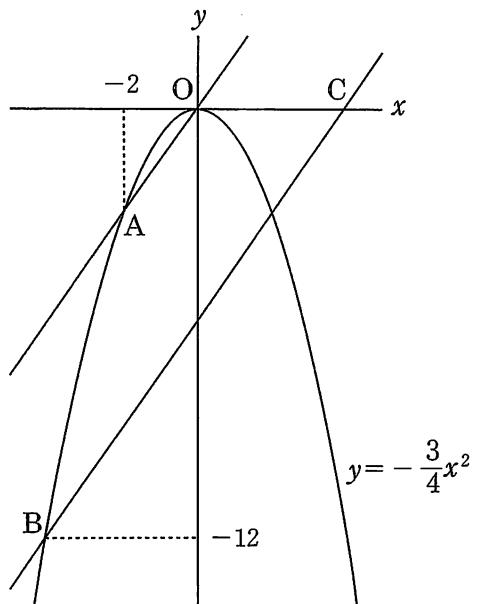
イ $\triangle OMN$ の面積を求めなさい。

ウ 三角すいOBMNの表面積を求めなさい。

- 4** 右の図のように、関数 $y = -\frac{3}{4}x^2$ のグラフ上に、
2点 A, B がある。A の x 座標は -2 で、B の y 座標
は -12 であり、B の x 座標は負である。また、点 O
は原点であり、点 C は、B を通り、直線 AO に平行
な直線と x 軸との交点である。

次の (1) ~ (4) に答えなさい。(15点)

(1) 点 A の y 座標を求めなさい。



(2) 点 B の x 座標を求めなさい。

(3) 直線 BC の式を求めなさい。

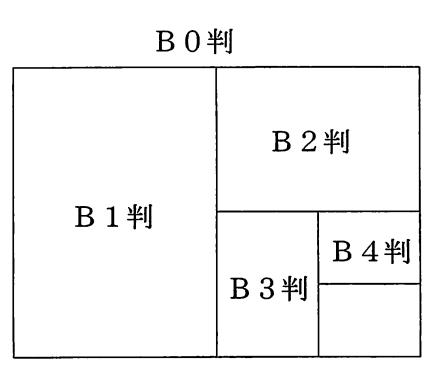
(4) 線分 BC 上に 2 点 B, C とは異なる点 P をとる。 $\triangle OPC$ の面積が $\triangle OAB$ の面積の $\frac{1}{2}$ となる
ときの点 P の座標を求めなさい。

5

教科書やノートには、A判やB判とよばれる規格の大きさの紙が使われている。そのうち、B判の紙の大きさは、以下のように決められている。

B判の紙の大きさの決め方

- ① B0判の紙は、日本の美濃紙をもとにしており、面積が 1.5m^2 の長方形である。
- ② B0判の紙を長い方の辺を半分にして切ると、B1判の紙になり、B0判とB1判の紙は相似になっている。
- ③ 同じように、次々と長い方の辺を半分にしていくと、B2判、B3判、B4判、…の紙になり、それらはすべて相似になっている。



次の(1)～(4)に答えなさい。(13点)

(1) B0判の紙の面積は、B4判の紙の面積の何倍であるかを求めなさい。

(2) B1判の紙の周の長さは3,516mmである。B3判の紙の周の長さは何mmとなるか求めなさい。

(3) 柴田君は、次のようにしてB0判とB1判の紙の相似比を求めました。アにあてはまる式を、イにあてはまる数をそれぞれ書きなさい。

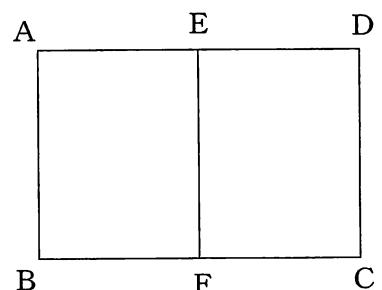
図のように、B0判の紙を長方形ABCD、B1判の紙を長方形EABF、 $AB = 1$ 、 $AD = a$ とすると、点Eは辺ADの中点だから $EA = \boxed{\text{ア}}$ となる。

長方形ABCDと長方形EABFは相似だから、 $AB : AD = EA : EF$ である。

よって、 $1 : a = \boxed{\text{ア}} : 1$

これを解くと、 $a > 0$ だから、 $a = \boxed{\text{イ}}$

したがって $AD : EF = \boxed{\text{イ}} : 1$ であるから、B0判とB1判の紙の相似比は イ : 1 である。



(4) コピー機を使って、B6判の紙全体をB4判の大きさに拡大するには、倍率を200%にする。B4判の紙全体をB5判の大きさに縮小するとき、倍率は何%にすればよいか、小数第1位を四捨五入して整数で求めなさい。ただし、 $\sqrt{2} = 1.414$ とする。

受検番号

平成31年度 柴田学園高等学校入学者選抜学力検査

数学 解答用紙

		ア		(2)		(7)	個
		イ		(3)		(8)	$x =$ cm
1	(1)	ウ		(4)	$y =$		
		エ		(5)	$x =$		
		オ		(6)	$x =$		

	(1)		(2)	ミカン	円, リンゴ	円
2	(3)	cm	(4)	中央値	人, 平均値	人

		ア	Ⓐ			ア	cm
3	(1)	ア	Ⓑ			イ	cm^2
			Ⓒ			ウ	cm^2
			Ⓓ				
		イ		cm^2			

	(1)	$y =$	(2)	$x =$
4	(3)		(4)	P (,)

	(1)		倍	(2)		mm
5	(3)	ア		イ		
	(4)		%			